

16074

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව / මූල්‍ය පාඨමයින් / පාඨමයින් තොරතුරුකාණෘදා / Department of Examinations, Sri Lanka  
 At Reserved]

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව / මූල්‍ය පාඨමයින් / පාඨමයින් තොරතුරුකාණෘදා / Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උයස් පොල) විභාගය, 1996 අගෝස්තු  
 කළඩාව පොතුත් තරාතරප්පත්තිරු යාරු තරාප් පරීත්වා, 1996 ඉකස්ත්  
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 1996

### ව්‍යවහාරික ගණීතය I

මිශ්‍යෝක කණීත්මය I

Applied Mathematics I

	02
S	I

පැන තුනයි / මුළුන්තු මෙවු / Three hours

ප්‍රාග්‍ය හයුසා පමණක පිළිඳුරු යපයන්න.

O උස්සායක අනුබ්ධියෙන් A, B හා C යන ප්‍රකින්න උස්සා ආහා පිහිටුම් දෙදික පිළිවෙළින් a, b හා c යන්න.  $\alpha \mathbf{a} + \beta \mathbf{b}$  වෙයි. මෙහි  $\alpha, \beta$  යනු දිය හි.  $\alpha + \beta = 1$  ම නම් පමණක් A, B හා C එකළුවිය බව පාඨාය යාර්ථිත.

PQR යන LMN පිශ්‍යෙන දෙක පෙන්ස ද යන PL, QM හා RN රේඛා O උස්සායක දී. එකළුක්ෂණ වන පරිදි p, MN රේඛාවන් A හි දී දී RP රේඛාවන් NL රේඛාවන් B හි දී දී PQ රේඛාවන් LM රේඛාවන් C හි දී දී යුතුවයි.

$$\overrightarrow{OA} = \frac{\mu \mathbf{q} - \nu \mathbf{r}}{\mu - \nu}, \quad \overrightarrow{OB} = \frac{\nu \mathbf{r} - \lambda \mathbf{p}}{\nu - \lambda}, \quad \overrightarrow{OC} = \frac{\lambda \mathbf{p} - \mu \mathbf{q}}{\lambda - \mu}$$

වන පරිදි  $\lambda, \mu$  හා  $\nu$  යන ප්‍රකින්න අදිය ආහා පරිනිත බව පෙන්වන්න.

A, B හා C එකළුවිය බව අපෝහනය කරන්න.

a හා b තීයා-තුන දෙදික දෙකක a · b අදිය ගණීතය අර්ථ දක්වාන්න.

(අ) පහත පදනම් එක් එක් අවස්ථාවේ දී යනා b අකර කෝණය පාඨායන්න.

$$(i) \mathbf{a} \cdot (\mathbf{a} + 2 \mathbf{b}) = 0 \text{ යන } |\mathbf{b}| = |\mathbf{a}|$$

$$(ii) |\mathbf{a} + \mathbf{b}| = |\mathbf{a} - \mathbf{b}|$$

(ආ) A, B, C, D යනු ව්‍යුහයායක හිරි දී O යනු BCD පිශ්‍යෙනයේ ලැබේ කෝන්ශ්‍ය දී වෙයි. BC ට AD

(i) BCD මුළුණතට OA ලැබේ බවත්

$$(ii) AB^2 + CD^2 = AD^2 + BC^2 = AC^2 + BD^2 \text{ බවත්}$$

පෙන්වන්න.

b හා b තීයා-තුන දෙදික දෙකක a × b දෙදික ගුණීතය අර්ථ දක්වාන්න.

(අ) පහත පදනම්, රේඛා අයයන්න :

$$(i) \frac{|\mathbf{a} \times \mathbf{b}|^2 + |\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}|^2}{|\mathbf{a}|^2 |\mathbf{b}|^2}$$

$$(ii) \mathbf{a} \cdot [\mathbf{b} \times (\mathbf{a} - \mathbf{b})]$$

(ආ) Oxyz යනු පුරුෂ යුතුකාරකාල කාවිච්‍ය බණධාන රුධිකියකි; i, j, k යනු පිහිටුවන් Ox, Oy, Oz උස්සාවල පිහිටුවන් p = 2i - 3j + k, q = i - j + 2k, r = xi + yj + zk වෙයි.

$$\overrightarrow{PQ} \times \overrightarrow{PR} = \overrightarrow{OR} \text{ නම් } |r| \text{ යොයන්න. PQRS යමානකරුප්පයේ වන පරිදි S උස්සායේ s පිහිටුව දෙදික යොයන්න.}$$

PQRS යමානකරුප්පයේ වර්ගාලය අපෝහනය කරන්න.

4. දෙප වයෝගිවක් මත ක්‍රියා කරන රීකුණළ සමාජිකර තොටින බල ඇතැයි මගින් එම වයෝගිව සම්බුද්ධිකාලීන් නෑත්‍ය පෙනීමේ නීති රේ බල උපක්ෂායෙක දී යුතු විය යුතු බව පෙන්වන්න.

$$(q) \cos^2 A \widehat{BD} = \frac{a^2}{b(b+2a)} \cdot \left[ \frac{l^2}{(a+b)^2} - 1 \right] \quad \text{எல் பைன்டின்}$$

(೫) ನಾನ್‌ಹುಲೆ ಆಕಾಶದ ಡೋಯನ್‌ನಾ.



පුද්ගලික උග්‍රහාය විජ්‍යත්ව

(2) නැංවී බිජයෙන්ට නම්,  $L^2 + M^2 + N^2 > LM + MN + NL$  බවත්

(a) നൽകി പ്രയോഗക്ക് തരി,  $L = M = N$ ,  $\lambda \neq \frac{1}{2}$  എന്റെ

ପ୍ରକାଶନ.

• මිනින්දො සමාජිතකාලීන් ප්‍රවීම සඳහා අතිච්චු හා ප්‍රමාණවින් අවශ්‍යක කාණ්ඩයක් යදහන් කරන්න.

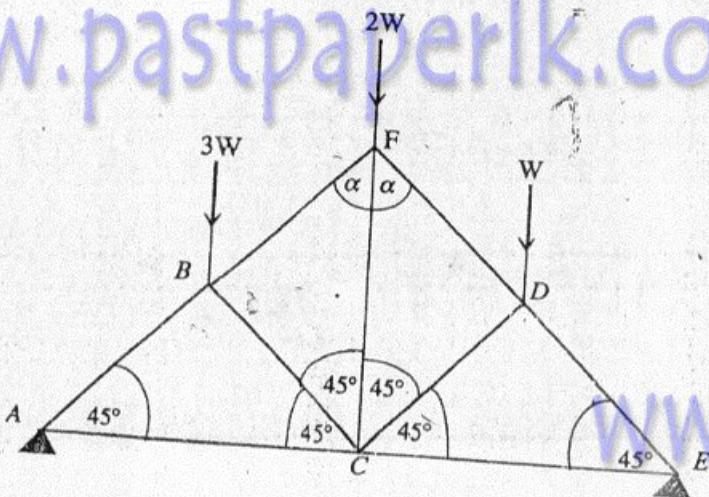
8. එක එකක්  $2a$  දිගින් හා  $W$  බිජින් යුතු යමාන එකෘතිය  $AB, AC$  දෙකක්  $A$  සිදී පූම්‍ර වලය සනැධි කර ඇති නිලධාරී මිලියන් දිගින් යුතු බිජින් රහිත  $BD$  දෙකක්,  $B$  සිදී පූම්‍ර වලය යන්දී පූම්‍ර වලය තිබේ.  $a$  දිගින් යුතු බිජින් රහිත  $AC$  සිදී පූම්‍ර වලය තිබේ.  $B$  සහ  $C$  දෙකක් ලේඛිත පූම්‍ර වලය තිබා මුදුවකට  $D$  සිදී පූම්‍ර වලය තිබා.  $BD$  දෙකක් පූම්‍ර වලය තිබා.  $BD$  දෙකක් පූම්‍ර වලය තිබා.

$$\frac{W}{12} (3\sqrt{2} - \sqrt{6})$$

ବିଲ ପ୍ରକାଶନୀ

A සන්ධියේ දී AB දැක්ව මක ප්‍රතිස්ථාවේ විශාලත්වය හා දිගාව ද එහි ස්ථියා ජෙවාවට CB හමුවන ලද්ද දෙයා යන්නා.

7. (i) උය  $h$  වූ රේකාකාරු සහ සපුට්චින් කේතුවික,  
(ii) අරය  $a$  වූ රේකාකාරු සහ අරඩලයක  
ගරුත්ව කේත්දයේ පිහිටීම සොයන්න.



ಉದ್ದಾ ರೂಪಾಯನ್ ದುಡ್ಲವಿನೆನ್ನೆ, ಅಪಣವ್ ಆಗಿ ಪರಿ $B, F$  ಹಾ ಡಾ ಯಜರಿವಲ ದಿ ಏರ್ ಯೋದ್  
 $AB = BC = CD = DE = \frac{AC}{\sqrt{2}} = \frac{CE}{\sqrt{2}}$ ;  $BF = FD$ .  $A$  ಹಾ  $E$  ಆಧಿರಕವಿಲ ಪ್ರತಿತ್ಯಿಯ ಸಿರಜ ಇದಿ ಉಪಕಳೆಪಣ ಕರ  
 ಶ್ರವಿ ಅಪಣವ್.

$\alpha < \tan^{-1} \left( \frac{r}{3} \right)$  එව, බෝ අක්කන්ද යොදා ගෙන ඉහත රාමු පැකිල්ල සඳහා ප්‍රත්‍යාවල රුප යටුගන්නේ අදින්න.

(d) රේඛාකාර සහ අර්ථගෝලයක් තියුලට ඇත්තේ එහි විෂා පැවත්පිය, රේ තිරයේ තෘප්‍යක් ද ඒ හා සමාන ලෙස රේ පිරස් විශ්වීයක් ද යුතු වන පරිදියෙනි. පිරස සමඟ අර්ථගෝලයේ ආධාරකයට යැදිය තැකි අඩුකාම කොරෝනය  $\tan^{-1}(2\sqrt{2})$  නම්, යුතු වූ උස්සා දෙනු ඇත්තා දරුණු කොරෝනය

$$\tan^{-1} \left( \frac{\sqrt{23} - 4}{7} \right)$$

ବର୍ଷ: ଅପ୍ରିଲ୍ ୨୦୧୩

1)  $W$  බෙත් දුර අභිවික්, සිරසට ආකෘතිය  $\alpha \left( < \frac{\pi}{2} \right)$  වේ රහ තෙයක් මත නිලධාරී අභිවික් මගින් තෙවෙනු ලද්දා පෙන්වනු ලබයි. අභිවික් මගින් පෙන්වනු ලබයි.

$$\theta \leq \sin^{-1} \left( \frac{\tan \lambda}{\tan \alpha} \right)$$

எப்படியானது கருதக். மேல்  $\lambda (< \alpha)$  யனு சர்வத கோர்க்கூடிய.

ମୁଣ୍ଡ କାଳରେ କୋଣିଯାଏ.  
ପାଇଁ ତିରିବ ଅଳ୍ପରେ ଯଦ୍ବୟ କହନ୍ତୁଲେ ଆମକିଲେ ଅମ୍ବିତମ ଅଳ୍ପ ଏ ଅଳ୍ପରେ

10. ABC ත්‍රියෝජිත ආජාරයක් රේකාකාර සනාන්ත්‍යක් ඇති දුවයක තීල්වා ඇත්තේ එහි කළය පිරවට ද BC පාදය තිදෙහය පැහැදිලිය ඇති A හිරු පහළින් ද පිහිටින පරිදි ය. එහි පිවිත සේවාදය තිදෙහය පැහැදිලිය නිසුරිත වන බව පෙන්වන්න. මෙහි h යනු BC හි පිටු A ඇති දුරය.

2

වැඩියෙන රේ ත්‍රියෝජිත පැහැදිලි පිටු ගැනුම වන්නේ පිරවට  $\frac{\pi}{3}$  සේවායිනි. බර W නි ABC යම්පාද කුලෝජිත ආජාරයන් වන රේකාකාර උගුල් දොරස් මූල න්‍යෙෂ්‍යයේ ඇතා. BC හිරුය පාදය වටා පුවල ලෙස අයුරු කළ එම දොරස් A හිරු පහළින් පිහිටු ඇති අංර දොර පිවිත විවෘත කළ ඇති ය. වැඩියෙන පැහැදිලිව ඉහළින් A, B හා C හිරුවල පිරස් උගුලිවින් a, b හා b වෙයි. උගුල් දොර, සිදාය පැහැදිලිව මුළුමනින් ඔ පහළින් නිබෙන යේ d උගුලිව වැඩියෙන රුය වන් කරනු ලැබේයි. දොර වැඩි චුතියි තැමි

$$d \leq \frac{1}{2} \left[ a + b + \frac{3W}{4s(b-a)^2} \right]$$

බව පාඨනය කරන්න.

මෙහි s යනු රුය රේකාර පරිමාවක බර යි.

11. දැන h ද පරය a ද වූ සහ යුප්‍රවීත්ත පිළින්විරයක්, අක්ෂය භරණ යන කළයයක් මුහුදේ කාපා නිබෙයි. පිළින්විරය එක් අරුදායක් r සහනවියන් යුත් දුවයක යන්නම් තීල්වා ඇත්තේ එහි විශා පැහැදිය යිඛුරුව් ද එහි ABC යුප්‍රකෝකුප් තළ ආධාරකය හිරුවට  $\frac{\pi}{4}$  සේවායින් ආනන්ව ද නිබෙන පරිදි ය.

(අ) h දිගින් යුත් BC දුර තිදෙහය පැහැදිලිව පිහිටින විට වතු පැහැදිය මත හැරපුමේ හිරුය හා පිරස් ටාරුපා පිළිවා මැලියින්  $ha^2\rho g$  හා  $\left(1 + \frac{\pi}{2}\right) ha^2\rho g$  බව පෙන්වන්න.

(ආ) මෙ දිගින් යුත් AB දුර තිදෙහය පැහැදිලිව පිහිටින විට වතු පැහැදිය මත ප්‍රමුණුන් හැරපුම් නේ පෙන්වා, එහි ස්ථා එකාව යොයන්න.

$$\left( \frac{\pi a^2}{4} + \frac{ah}{2} \right) h \rho g \sqrt{2}$$

12. දුවපිළිකිවයේ රාත්‍රි "ආකිමිදිය මූලධර්මය" ප්‍රකාශ කර එය පාඨනය කරන්න.

බර W වූ ඇත් අංශුවන් තොගින් ගැනී තරම් බරින් යුත් ඇහර යුතුවන් තොගුවන හිරුවට ඇද හේ දේකු දේකුවා පැහැදිලිව පරිදාන්නේ හිරුය යෙදා ඇති අක්ෂය පිරුවිල්ද තිදෙහයේ පැහැදිලි යිටි හැඳුරිතින් සිරි නිබෙන නේ ද පිහිටින පරිදාන්නේ. තිදෙහය පැහැදියන් සේවාව ඇඟ දුර පැහැදියක් එකම මෙට්මකට රාත්‍රි රේ එහින් දුරුවා යුතුව තුළට වන කරනු ලැබේ. අවිට හිරුය, තිදෙහය පැහැදිලිව පිහිටි නම් r =  $\frac{1}{8}$  බව පෙන්වන්න.